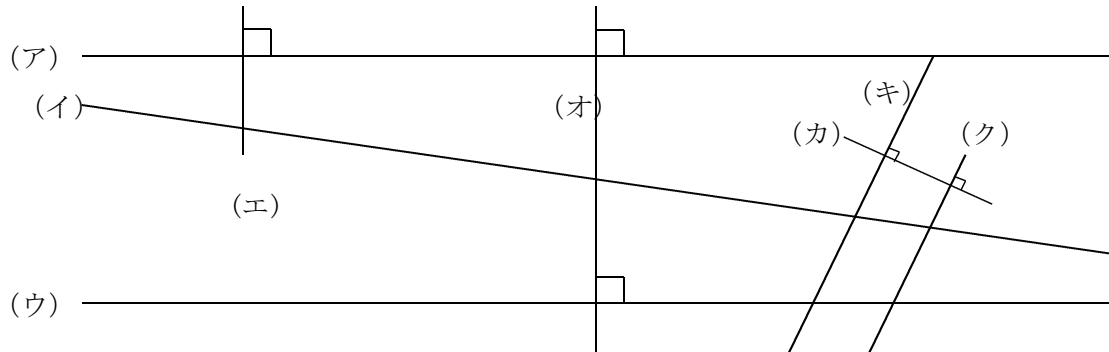


1 下の図で、平行になっている直線は、どれとどれですか、記号ですべて答えなさい。



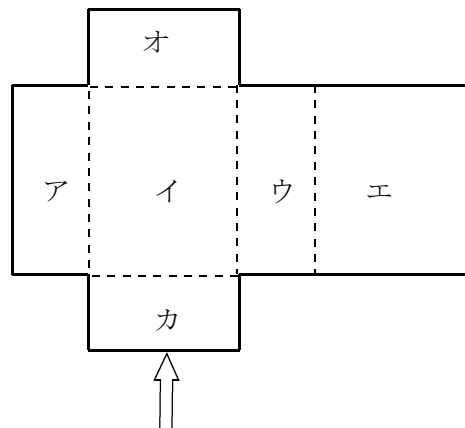
2

右の図は直方体の展開図です。

この展開図を組み立てて直方体をつくる

とき、次の問いに答えなさい。

(1) 「ア」の面と平行になる面を書きなさい。



(2) 「エ」の面と垂直になる面をすべて書きなさい。

(3) 「ア」の面と垂直になる面をすべて書きなさい。

(4) 矢印 (⇨) で示した辺と平行になる辺は、全部で何本ありますか。

1

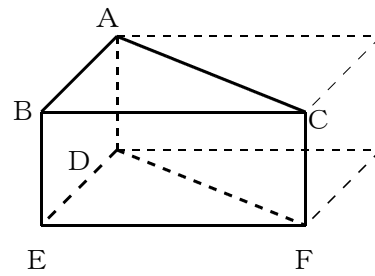
(ア) と (ウ), (エ) と (オ), (キ) と (ク) (順不同可)

2

- (1) 面ウ
- (2) 面ア, 面ウ, 面オ, 面カ (順不同可)
- (3) 面イ, 面エ, 面オ, 面カ (順不同可)
- (4) 3本

組 番 名前

右の図のように、直方体を2つに切って三角柱を作りました。この三角柱で、次の位置関係にあたる辺や面をすべて答えなさい。



- (1) 辺ABと垂直に交わる辺
- (2) 辺ABと平行な辺
- (3) 面ABCと平行な面
- (4) 面ABCと垂直に交わる面
- (5) 辺ABと平行な面
- (6) 辺ABと垂直に交わる面

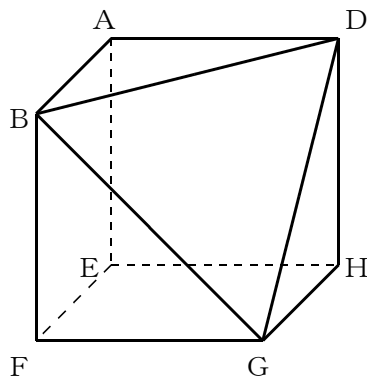
数学 1 6章 空間図形 「空間図形の構成・位置関係」 <準備問題②・解答>

- (1) 辺AD, 辺BE, 辺BC (順不同可)
- (2) 辺DE
- (3) 面DEF
- (4) 面ABED, 面BEFC, 面CFDA (順不同可)
- (5) 面DEF
- (6) 面BEFC

1

右の図は、立方体を3点B, D, Gを通る平面で切った立体です。

この立体の辺や面の位置関係について、あてはまるものをすべて答えなさい。



(1) 辺ADと平行な辺

(2) 辺ADとねじれの位置にある辺

(3) 辺ADと垂直な辺

(4) 辺ADと平行な面

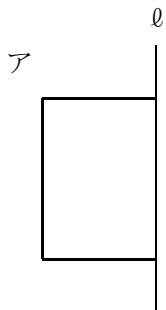
(5) 辺ADと垂直な面

(6) 面BFGと平行な面

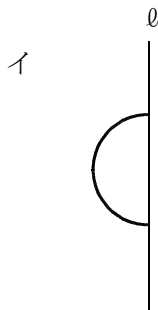
(7) 面BFGと垂直な面

2

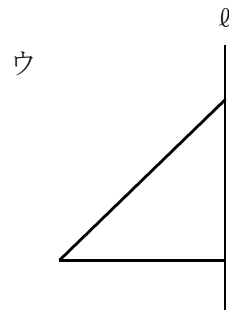
次の図のような長方形, 半円, 直角三角形を, それぞれ直線 l を軸として1回転させたとき, どのような立体ができますか。



()



()



()

1

- (1) 辺EH, 辺FG (順不同可)
- (2) 辺BF, 辺BG, 辺EF, 辺HG (順不同可)
- (3) 辺AB, 辺AE, 辺DH, 辺DG (順不同可)
- (4) 面EFGH, 面BFG (順不同可)
- (5) 面ABFE, 面DGH (順不同可)
- (6) 面AEHD
- (7) 面ABFE, 面ABD, 面DGH, 面EFGH (順不同可)

2

(円柱) , (球) , (円すい)

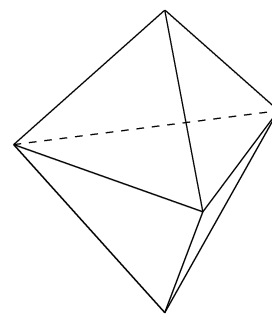
1

教室の中で、次の位置関係にあるとみられる直線や平面の例を、1つずつあげなさい。
例えば、「窓の上の辺と下の辺」のように書きなさい。

- (1) 平行な2直線
- (2) 垂直に交わる2直線
- (3) ねじれの位置にある2直線
- (4) 平行の位置にある直線と平面
- (5) 垂直に交わる直線と平面
- (6) 平行な2平面
- (7) 垂直に交わる2平面

2

右の図の立体は、すべての面が合同な正三角形でできた多面体です。
この多面体は、正多面体と言えますか、言えませんか。
理由を述べて答えなさい。



1

- (1)・窓枠の上の辺と下の辺, または窓枠の左の辺と右の辺
 - ・2本の蛍光灯
 - ・天井と壁にある向かい合う2辺 など
- (2)・窓枠や扉における縦の辺と横の辺
 - ・天井の辺と壁の辺で交わる2辺 など
- (3)・天井の面の横の辺(または縦の辺)と床の面の縦の辺(または横の辺)
 - ・天井の蛍光灯と窓枠の縦の辺 など
- (4)・蛍光灯と床の面
 - ・天井の縦の辺または横の辺と床の面
 - ・天井の縦の辺または横の辺と机の天板の面 など
- (5)・壁の縦の辺と床の面
 - ・壁の縦の辺と天井の面
 - ・床または天井の辺と壁面 など
- (6)・天井の面と床の面
 - ・向かい合う1組の壁面
 - ・机の天板の面と床の面または天井の面
 - ・向かい合う1組のガラス窓のガラス など
- (7)・壁面と天井の面または床の面
 - ・ドアの面または扉の面と床の面
 - ・ロッカーの側面(または奥の面)と床の面または天井の面 など

2

正多面体とはいえない。

(理由)

正多面体とは、すべての面が合同な正多角形であり、どの頂点にも同じ数の面が集まっている立体である。

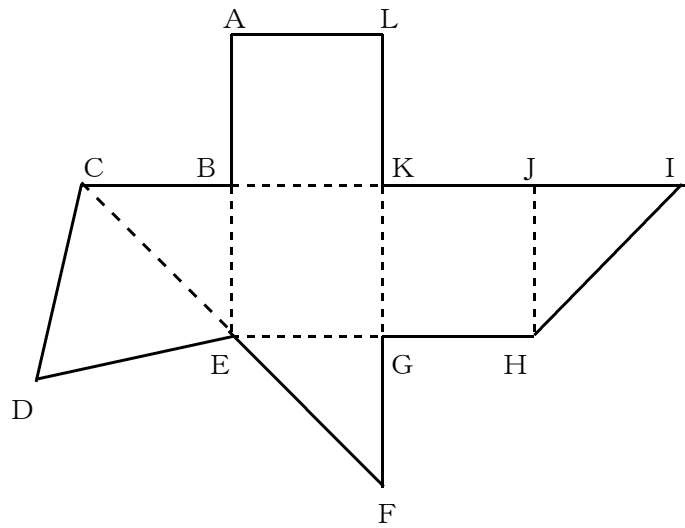
この立体では、3つの面が集まっている頂点と、4つの面が集まっている頂点があるので、正多面体とはいえない。

右の図は、立方体の一部を切断した立体の展開図です。この展開図を組み立てた立体について、次の問いに答えなさい。

(1) 辺ABと平行な辺をすべて

答えなさい。

ただし、組み立てたときに重なる辺については、その1つを答えればよいです。



(2) 辺BKと「ねじれの位置」にある辺は何本ありますか。

ただし、組み立てたときに重なる辺については、1本とします。

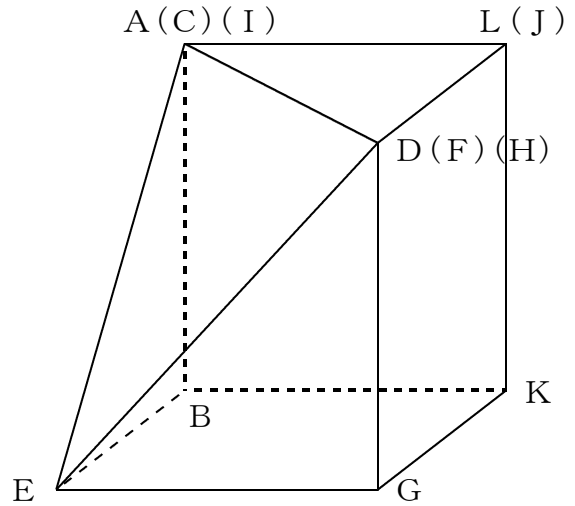
1

- (1) 辺KL (又はKJ), 辺GH (又はGF, 又はGD)
(順不同可)

- (2) 5本

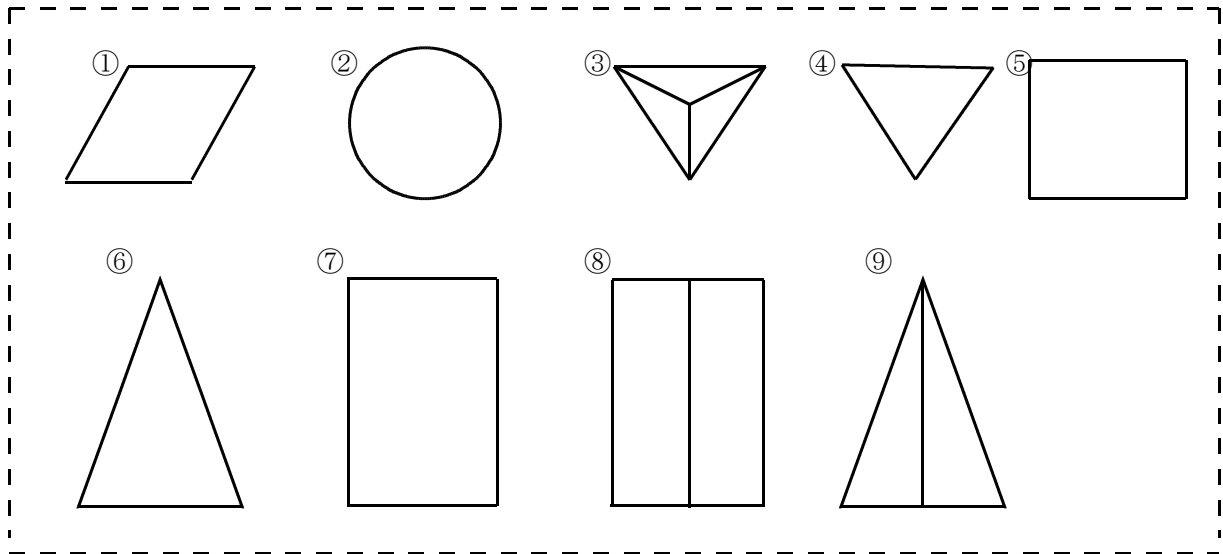
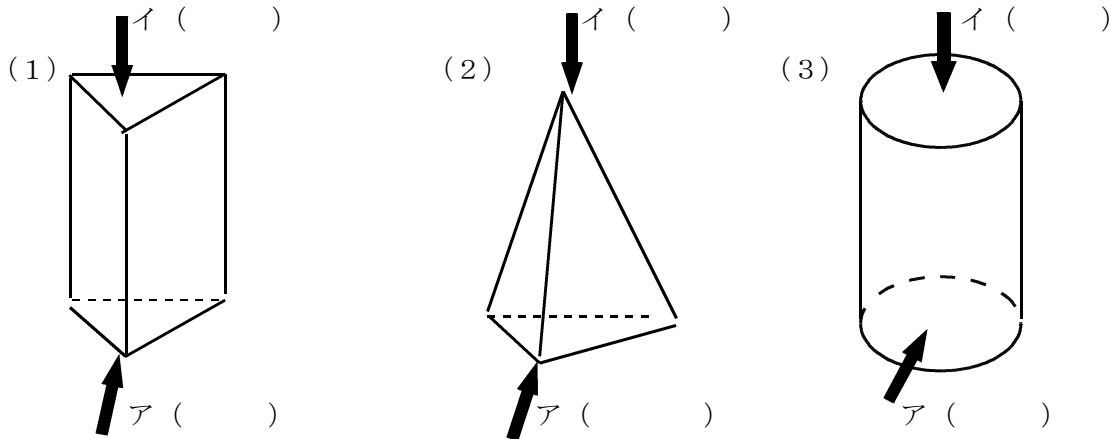
【解説】

展開図を組み立てると、下のような図になる。



組 番 名前

次の見取図のように表せる(1)～(3)の立体があります。
 これらの立体を正面(アの方向)から見ると、どのような形に見えるでしょうか。
 また、真上(イの方向)から見ると、どのような形に見えるでしょうか。
 もっともあてはまる形をそれぞれ①～⑩から選び、番号で答えなさい。



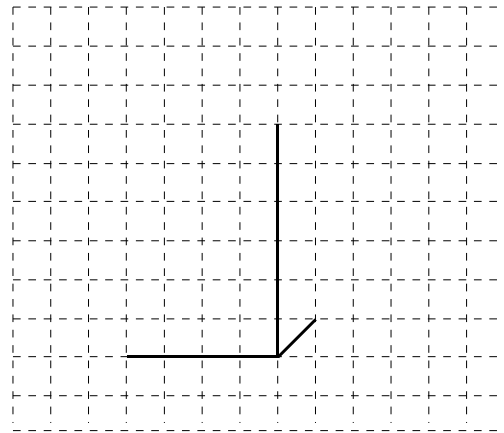
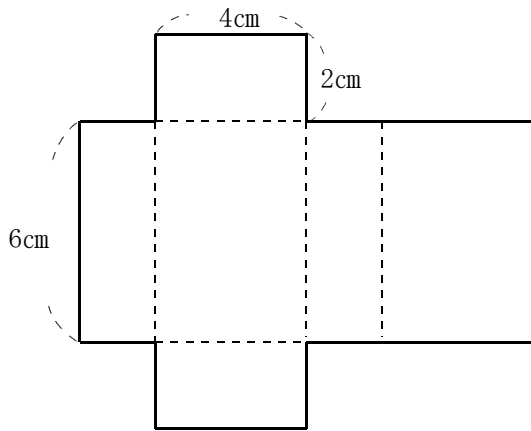
数学 1 6章 空間図形 「空間図形の展開図・投影図」 <準備問題①・解答>

- (1) ア ⑧ イ ④
- (2) ア ⑨ イ ③
- (3) ア ⑦ イ ②

数学1 6章 空間図形 「空間図形の展開図・投影図」 <準備問題②>

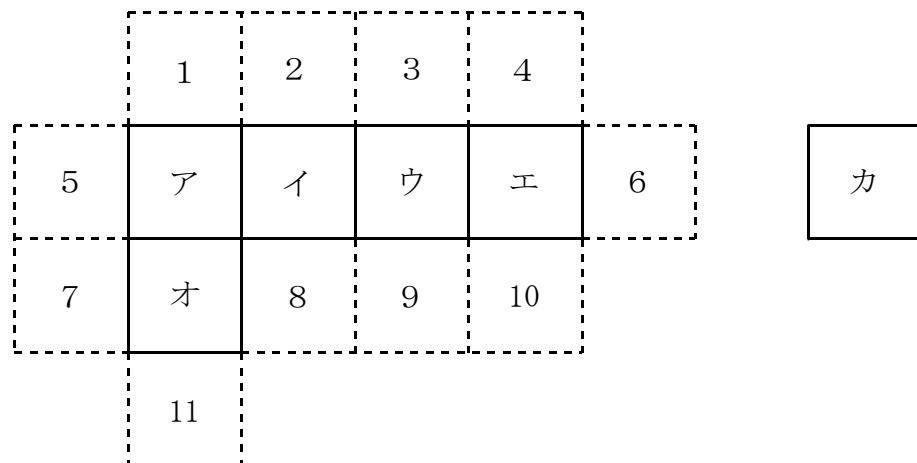
1

下の図は、直方体の展開図です。
この直方体の見取図を完成させなさい。

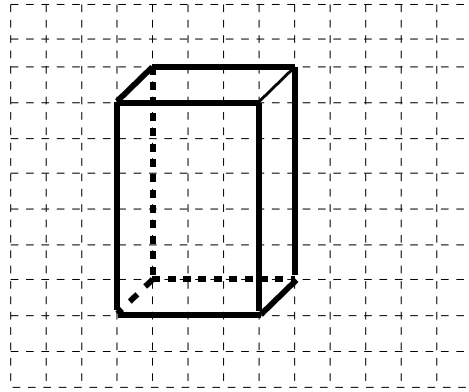


2

立方体の展開図を作ります。最後の「平面カ」を、1から11のどのマスに入れば完成することができますか。そのマスの番号をすべて答えなさい。



1

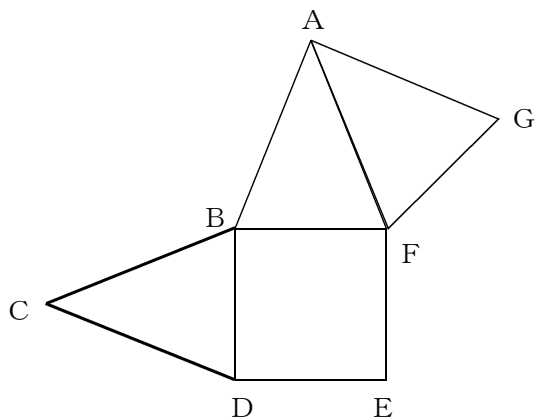


2

1 の位置, 2 の位置, 3 の位置, 4 の位置 (順不同可)

1

下の図は、正四角すいの展開図の一部です。この図において、どの辺に側面の二等辺三角形を1つつけ加えると展開図が完成しますか。あてはまる辺をすべてかきなさい。



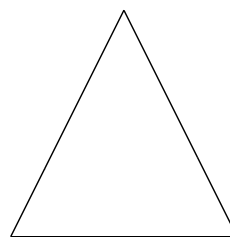
2

右の図は、ある立体の立面図（正面から見た図）です。

この立体は、どのような立体と考えられますか。

2通り考え、見取図と投影図で示しなさい。

ただし、同じ名前で表現できる立体は1つと考えます。

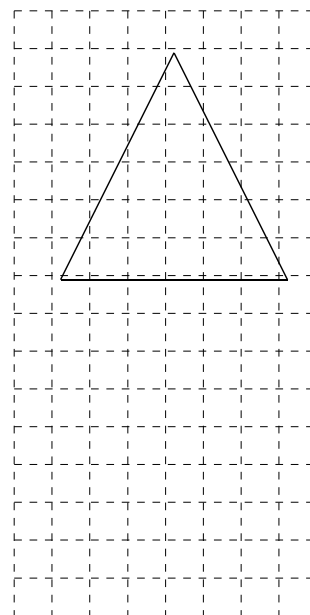
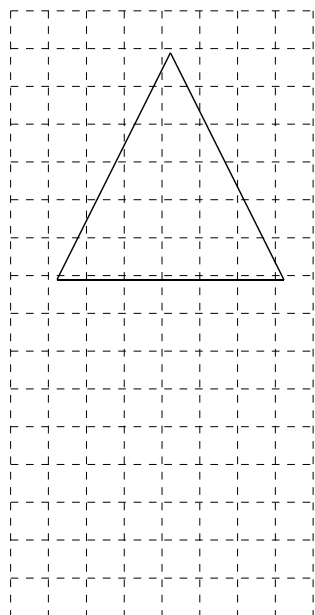


<見取図1>

<投影図1>

<見取図2>

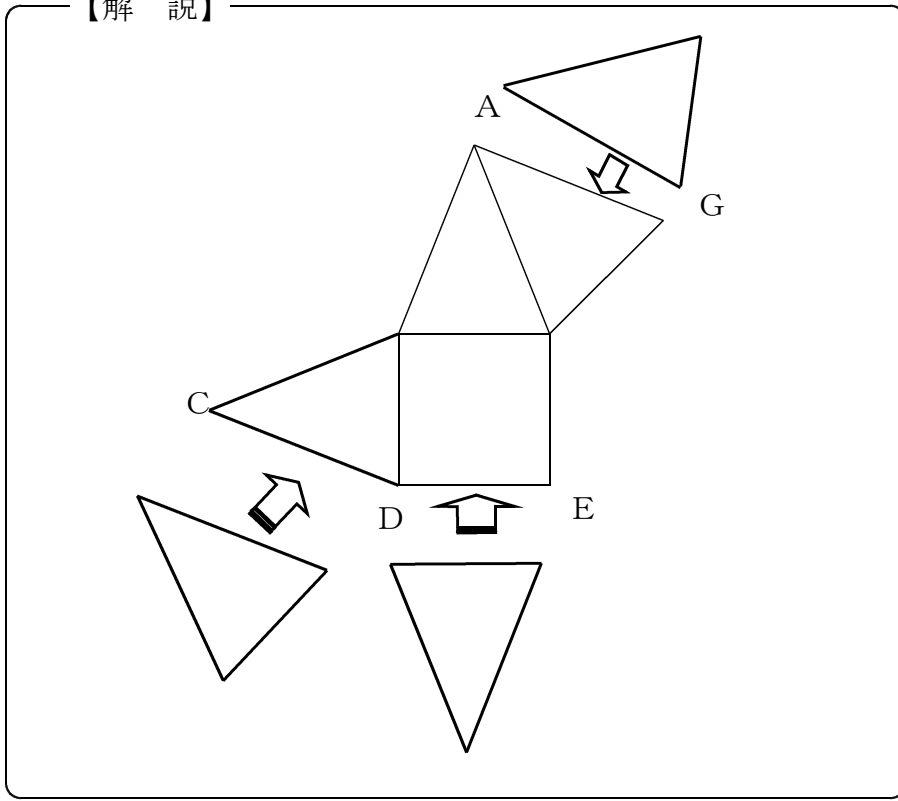
<投影図2>



1

辺AG, 辺DE, 辺CD (順不同可)

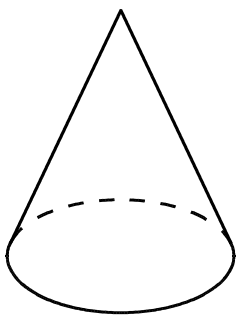
【解説】



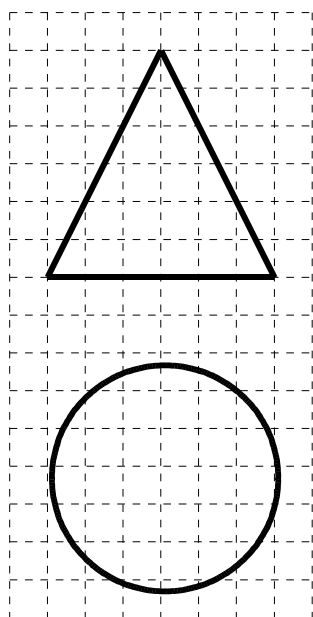
2

例1 円すい

<見取図1>

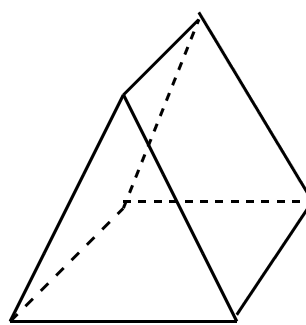


<投影図1>

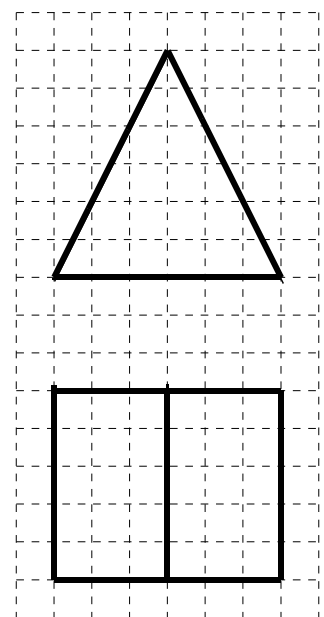


例2 三角柱

<見取図2>

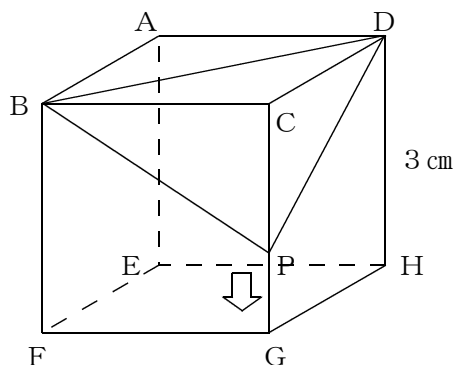


<投影図2>



(これ以外にも、三角すいや四角すいが考えられる。)

右の図のような立方体において、辺CG上を動く点Pがあります。この立方体を対角線BDと点Pを含む平面で切るとき次の問いに答えなさい。

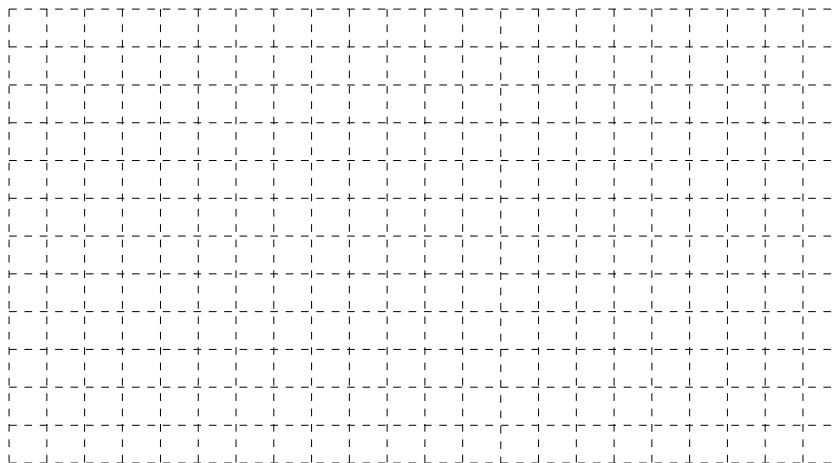


(1) 点PがCとGの間にあるとき、切り口の形はどうなっていますか。

(2) 立方体の展開図を下のマス目を使って作成しなさい。

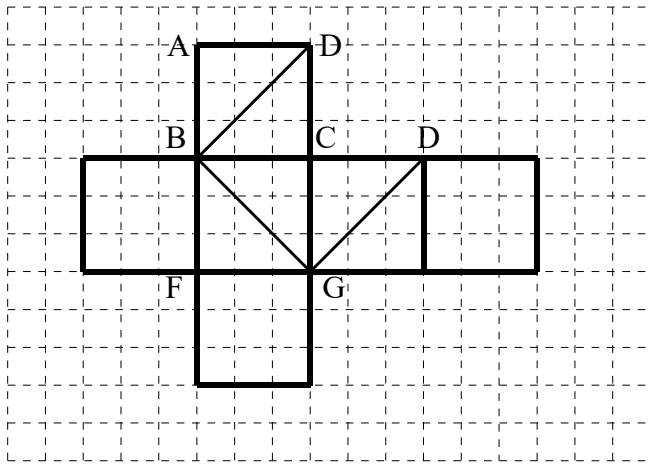
また、点Pが頂点Gにあるときの対角線BGと対角線DGも展開図に書き入れ、切り口の形が正三角形になることを説明しなさい。

(*立方体の1辺は3cmとし、下記の1マスは1cmで表されていることとします。)



正三角形になる説明

- (1) 二等辺三角形
- (2)



(正三角形になる説明)

3本の対角線はどれも、同じ大きさの正方形の対角線でありその長さは等しい。

よって三辺の長さが等しい三角形は、正三角形である。

(切り口の三辺が等しい長さになる理由が示せていれば正解)

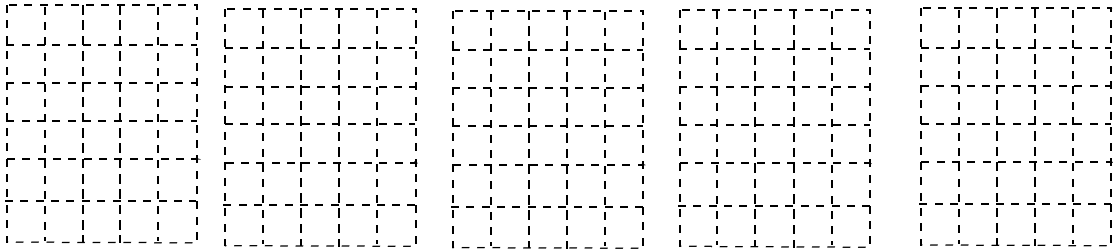
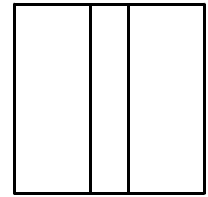
【解説】

展開図は図のようになる。点Pが頂点G上にあることからBとD、BとG、DとGを結ぶ対角線を書き入れる。

組 番 名前

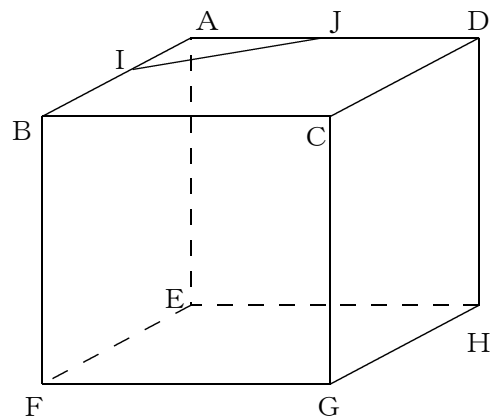
1

立面図（正面から見た形）が右の図のように見える立体があります。
 この立体の平面図（真上から見た形）は、どのような図形に見える
 可能性がありますか。考えられる図形の平面図を5つかきなさい。
 ただし、同じ名前で表現できる立体は1つと考えます。

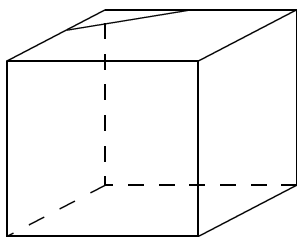


2

右の図の立方体において、点Iと点Jは
 辺ABと辺ADの中点です。点Pは頂点A
 から頂点E、頂点F、頂点Gと動きます。
 立方体を線分IJと点Pを含む平面で切
 切り取るとき、下の(1)～(3)につい
 て、立方体の切り口にはどのような形にな
 りますか。

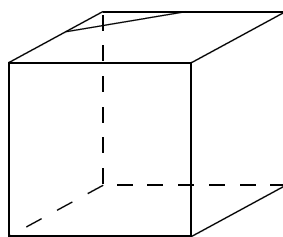


(1) 点Pが辺AE上にある
 とき
 (辺AEの中点を除く)



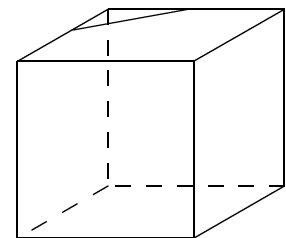
()

(2) 点Pが辺EF上にある
 とき
 (辺EFの中点を除く)



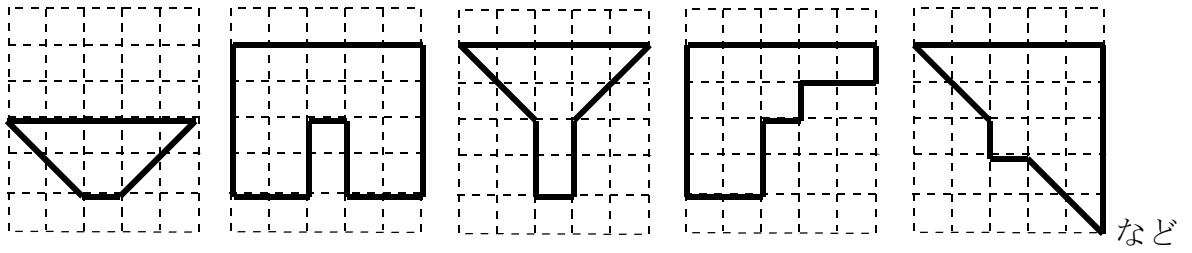
()

(3) 点PがFG上の中点にある
 とき



()

1

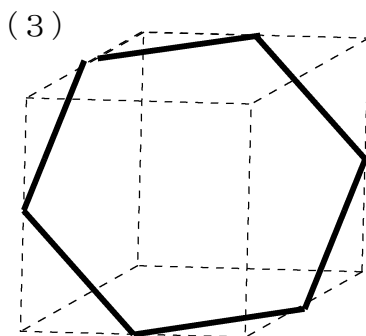
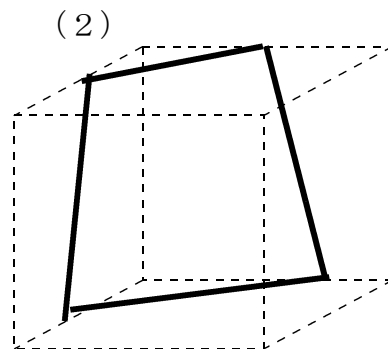
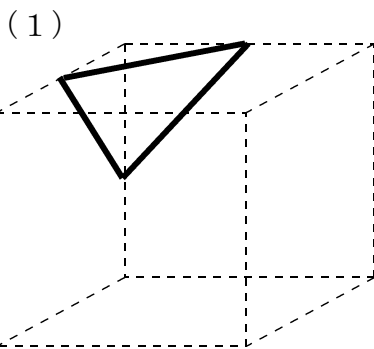


これ以外にも正解はある。各々の一部を曲面に変えることもできる。

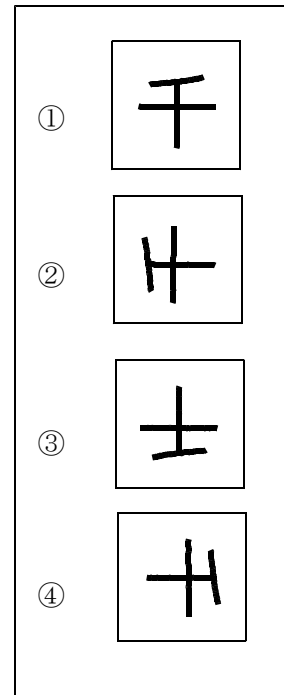
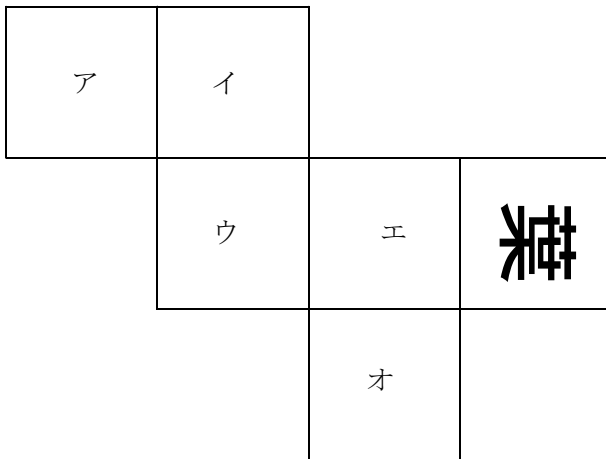
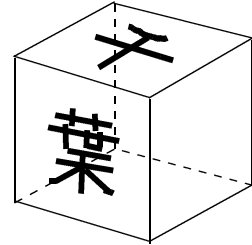
2

- (1) 二等辺三角形 (2) 台形 (3) 正六角形

【解説】



右の図のように、立方体に「千葉」とかきました。
 この立方体を展開図が下の図になったとき、「千」の
 字はどの面にあり、向きはどのようになりますか。
 面をア～オから、向きを①～④から選びなさい。



ア で ③

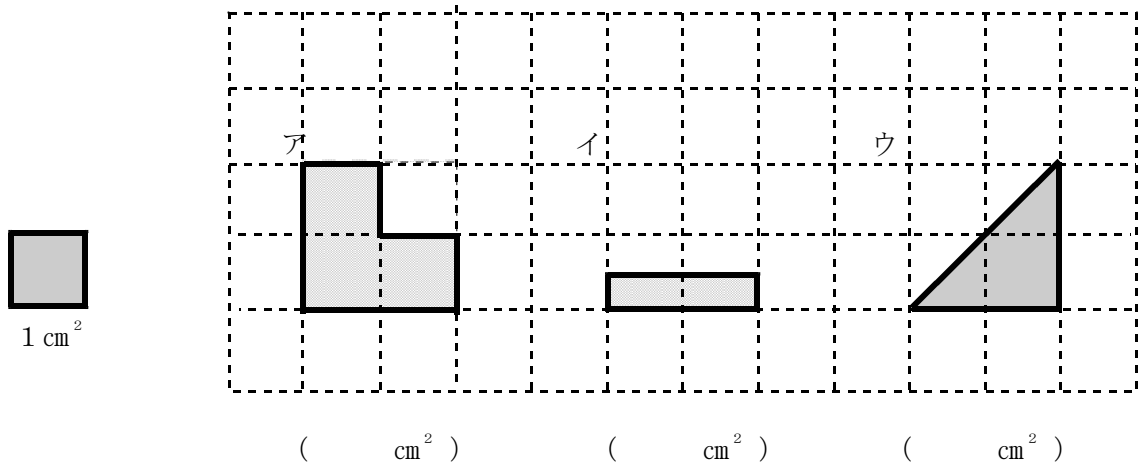
数学1 6章 空間図形 「立体の表面積と体積」 <準備問題①>

組 番 名前

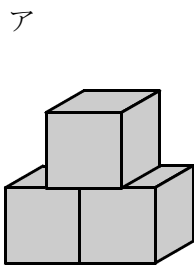
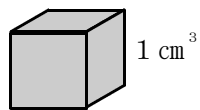
面積や体積の表し方や求め方について、次の問いに答えなさい。

(1) 次のア～ウの面積を求めなさい。

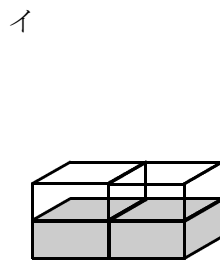
(1マス1cmの方眼で、イの縦の長さは0.5cmとする。)



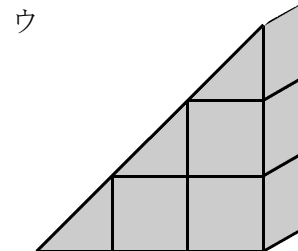
(2) 次のア～ウの体積を求めなさい。(イの高さは1マスの半分の高さとする)



(cm³)



(cm³)



(cm³)

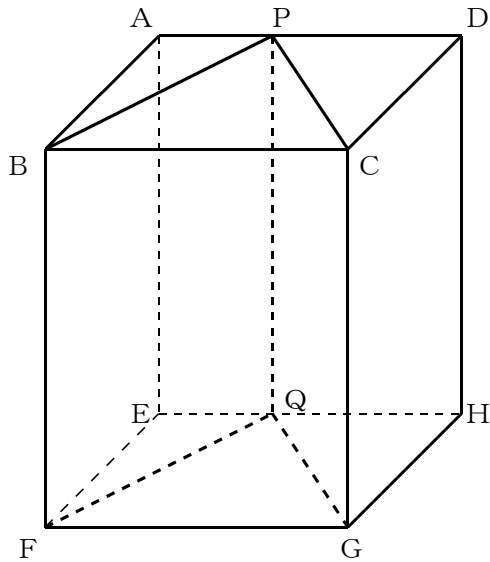
1

(1) ア 3 cm^2 イ 1 cm^2 ウ 2 cm^2

(2) ア 3 cm^3 イ 1 cm^3 ウ 4.5 cm^3

1

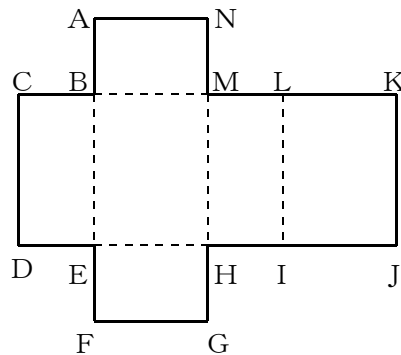
次の直方体で、 $AB = 6\text{ cm}$ 、 $BC = 8\text{ cm}$ 、 $BF = 10\text{ cm}$ のとき、三角柱 $PBC - QFG$ の体積を求めなさい。



2

右の図は、直方体の展開図です。

$CD = 8\text{ cm}$ 、 $IJ = 6\text{ cm}$ 、 $ML = 4\text{ cm}$ のとき、この直方体の体積を求めなさい。



①

$$240 \text{ cm}^3$$

【解説】

「単位とする立方体」の個数は、

$$8 \times 6 \times \frac{1}{2} \times 10 = 240 \text{ (個)}$$

②

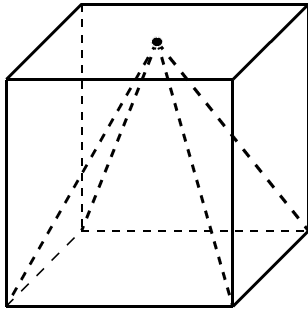
$$192 \text{ cm}^3$$

【解説】

$$6 \times 4 \times 8 = 192$$

1

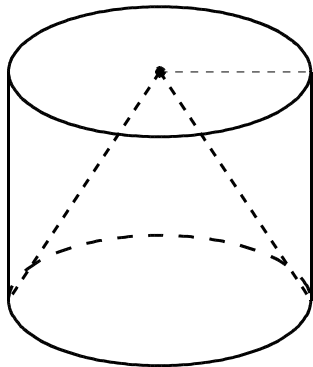
下の図のような直方体の入れ物には、底面積と高さが同じ四角すいの入れ物の3倍の量の水を入れることができます。このことを利用して、四角すいの体積を求める式を完成させなさい。



$$\begin{aligned} \text{四角すいの体積} &= \text{直方体の体積} \times (\quad) \\ &= (\quad) \times (\quad) \times \text{高さ} \times (\quad) \\ &= (\quad) \times \text{高さ} \times (\quad) \end{aligned}$$

2

円柱の入れ物にも、直方体の時と同様に、底面積と高さが同じ円すいの入れ物の3倍の量の水を入れることができます。円すいの体積を求める式を完成させなさい。



$$\begin{aligned} \text{円すいの体積} &= \text{円柱の体積} \times (\quad) \\ &= (\quad) \times (\quad) \times \pi \times \text{高さ} \times (\quad) \\ &= (\quad) \times \text{高さ} \times (\quad) \end{aligned}$$

①

$$\begin{aligned} \text{正四角すいの体積} &= \text{直方体の体積} \times \left(\frac{1}{3}\right) \\ &= (\text{たて}) \times (\text{よこ}) \times \text{高さ} \times \left(\frac{1}{3}\right) \\ &= (\text{底面積}) \times \text{高さ} \times \left(\frac{1}{3}\right) \end{aligned}$$

②

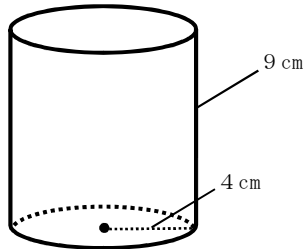
$$\begin{aligned} \text{円すいの体積} &= \text{円柱の体積} \times \left(\frac{1}{3}\right) \\ &= (\text{半径}) \times (\text{半径}) \times \pi \times \text{高さ} \times \left(\frac{1}{3}\right) \\ &= (\text{底面積}) \times \text{高さ} \times \left(\frac{1}{3}\right) \end{aligned}$$

数学1 6章 空間図形 「立体の表面積と体積」 <基本問題②>

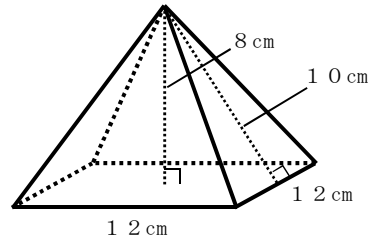
組 番 名前

1 次の立体の体積と表面積を求めなさい。ただし、円周率は π とします。

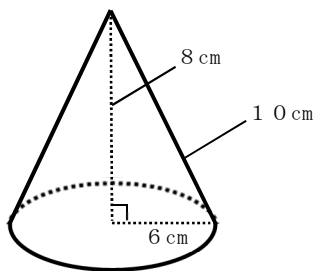
(1) 円柱



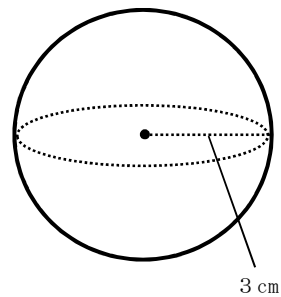
(2) 四角すい



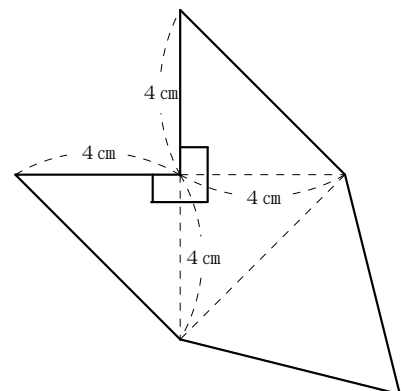
(3) 円すい



(4) 球



2 展開図が、右の図のように示される立体の体積を求めなさい。



数学1 6章 空間図形 「立体の表面積と体積」 <基本問題②・解答>

1

(1) 体積 $(\pi \times 4^2) \times 9 = 144\pi$ $144\pi \text{ cm}^3$

表面積 $(\pi \times 4^2) \times 2 + (2\pi \times 4) \times 9 = 104\pi$ $104\pi \text{ cm}^2$

(2) 体積 $(12 \times 12) \times 8 \times \frac{1}{3} = 384$ 384 cm^3

表面積 $12 \times 12 + (12 \times 10 \times \frac{1}{2}) \times 4 = 384$ 384 cm^2

(3) 体積 $(\pi \times 6^2) \times 8 \times \frac{1}{3} = 96\pi$ $96\pi \text{ cm}^3$

表面積 $\pi \times 6^2 + \pi \times 10^2 \times \frac{2\pi \times 6}{2\pi \times 10} = 96\pi$ $96\pi \text{ cm}^2$

(4) 体積 $\frac{4}{3} \times \pi \times 3^3 = 36\pi$ $36\pi \text{ cm}^3$

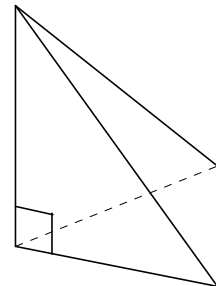
表面積 $4 \times \pi \times 3^2 = 36\pi$ $36\pi \text{ cm}^2$

2

展開図を組み立てると、右の図のような三角すいになる。
よって、

$$(4 \times 4 \times \frac{1}{2}) \times 4 \times \frac{1}{3} = \frac{32}{3}$$

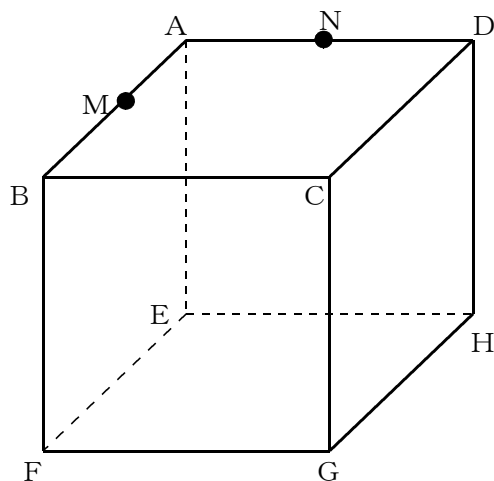
$$\frac{32}{3} \text{ cm}^3$$



1

右の図は、1辺の長さが12cmの立方体で、点M、Nはそれぞれ辺AB、辺ADの中点です。

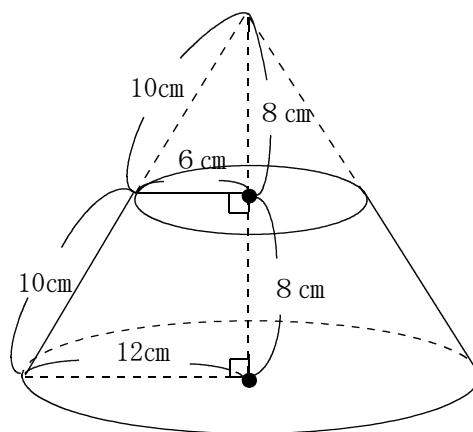
この立方体を、3点M、N、Eを通る平面で切るとき、点Cを含む立体の体積を求めなさい。



2

右の図の立体は、底面の半径が12cm、高さが16cmの円すいを、底面から8cmの高さで底面と平行な平面で切り取ったものです。次の各問いに答えなさい。ただし、円周率は π とします。

(1) この立体の体積を求めなさい。



(2) この立体の表面積を求めなさい。

1

$$1656 \text{ cm}^3$$

【解説】

$$\begin{aligned} & (12 \times 12 \times 12) - \left(6 \times 6 \times \frac{1}{2} \times 12 \times \frac{1}{3}\right) \\ &= 1728 - 72 \\ &= 1656 \end{aligned}$$

2

$$(1) \quad 672\pi \text{ cm}^3$$

【解説】

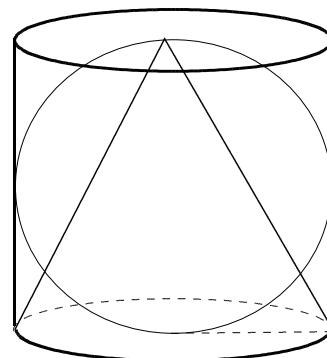
$$\begin{aligned} & 12 \times 12 \times \pi \times 16 \times \frac{1}{3} - 6 \times 6 \times \pi \times 8 \times \frac{1}{3} \\ &= 768\pi - 96\pi \\ &= 672\pi \end{aligned}$$

$$(2) \quad 360\pi \text{ cm}^2$$

【解説】

$$\begin{aligned} \text{側面積} &= 20 \times 20 \times \pi \times \frac{12}{20} - 10 \times 10 \times \pi \times \frac{12}{20} \\ &= 240\pi - 60\pi \\ &= 180\pi \\ \\ \text{立体の表面積} &= 6 \times 6 \times \pi + 12 \times 12 \times \pi + 180\pi \\ &= 36\pi + 144\pi + 180\pi \\ &= 360\pi \end{aligned}$$

- 1 底面の半径が5cm、高さが10cmの円柱があります。その中に、ぴったり入る球と円すいがあるとき、体積比（円すいの体積：球の体積：円柱の体積）を求めなさい。ただし、円周率は π とします。



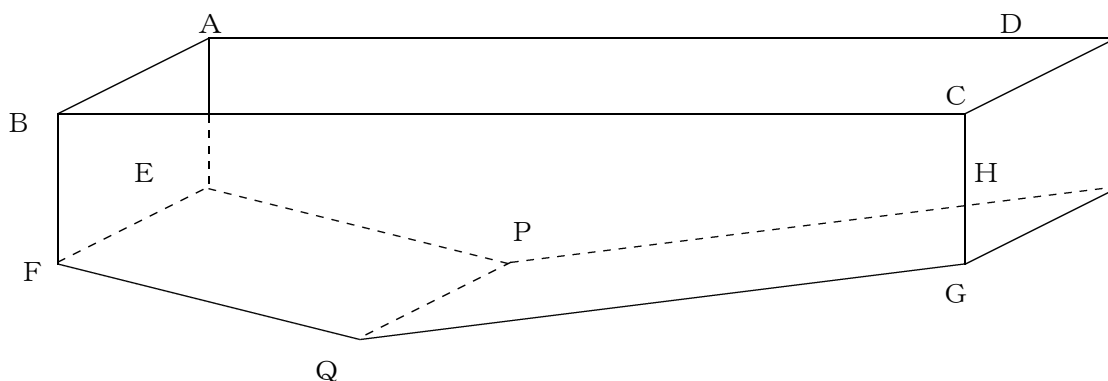
- 2 下の図は、ある中学校のプールの形を図に表したものであり、次の条件を満たしています。

ア 面ABFEと面EFQP, 面EFQPと面PQGH, 面PQGHと面DCGHは、それぞれ交わっているが、垂直には交わっていない。

それ以外の交わる2つの面は、互いに垂直に交わっている。

イ 面AEPHDと面BFQGC以外の面は、すべて長方形である。

ウ 面ABFEと面DCGH, 面AEPHDと面BFQGCはそれぞれ合同である。



今、このプールを満水にしたときの、その水の量を計算で求めようとしています。そのために、計算に必要な長さを調べなければなりません。しかし、調べる長さは、できるだけ少なくしたいと思います。

水の量を計算で求めるためには、少なくともどここの長さを調べる必要がありますか。また、その長さを使ってどのように求めればよいでしょうか。それらを説明しなさい。

もし、図の記号以外に記号が必要な場合には、適当な記号を補ってもかまいません。

1

円すいの体積 : 球の体積 : 円柱の体積 = 1 : 2 : 3

【解説】

円柱の体積

$$5 \times 5 \times \pi \times 10 = 250\pi \text{ cm}^3$$

円すいの体積

$$5 \times 5 \times \pi \times 10 \times \frac{1}{3} = \frac{250}{3} \pi \text{ cm}^3$$

球の体積

$$\frac{4}{3} \times \pi \times 5 \times 5 \times 5 = \frac{500}{3} \pi \text{ cm}^3$$

円すいの体積 : 球の体積 : 円柱の体積

$$\frac{250}{3} \pi : \frac{500}{3} \pi : 250\pi = 1 : 2 : 3$$

2

プールに入る水は、直方体 $BFGC-AEHD$ と三角柱 $QGF-PHE$ で合成された、五角柱 $BFQGC-AEPHD$ と考えることができる。

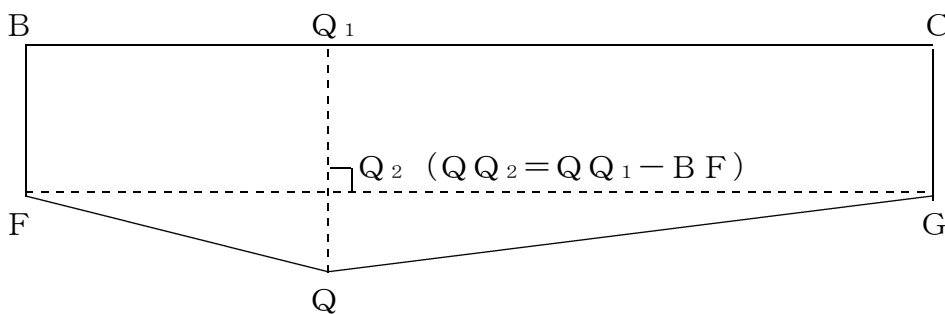
五角形 $BFQGC$ を底面、 AB を高さとする、

- ・ AB ($=DC=EF=HG$) の長さ
- ・ AD ($=BC=EH=FG$) の長さ
- ・ AE ($=BF=CG=DH$) の長さ
- ・ P から AD 、または、 Q から BC に下ろした垂線の長さ (下の図の QQ_1)

の4つの長さを調べればよい。

<解答例>

五角形 $BFQGC$ を底面、 AB を高さとした角柱と考える。



先の4つの長さがわかれば、次の式で体積が求められる。

(求める五角柱の体積)

$$= (\text{底面BFQG Cの面積}) \times (\text{高さAB})$$

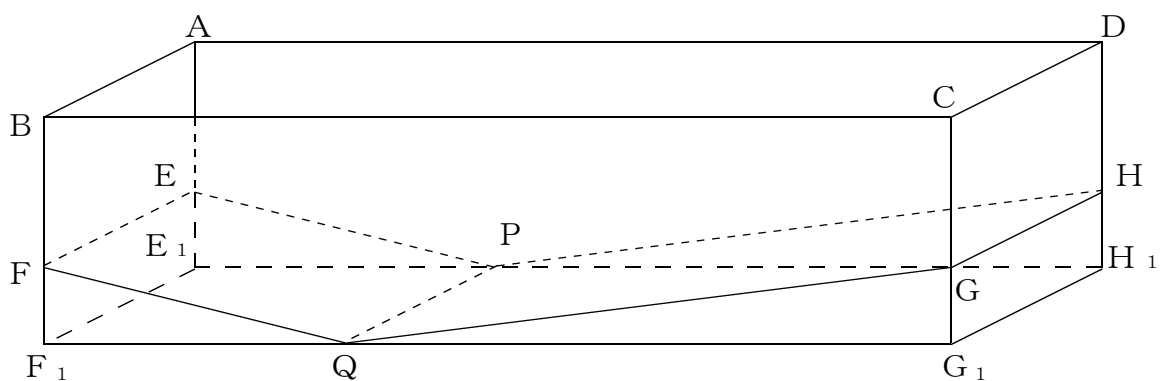
$$= \{(\text{長方形BFQCの面積}) + (\text{三角形QGFの面積})\} \times AB$$

$$= [(BF \times BC) + \{ \frac{1}{2} \times FG \times (QQ_1 - BF) \}] \times AB$$

$$= [(AE \times AD) + \{ \frac{1}{2} \times AD \times (QQ_1 - AE) \}] \times AB$$

<別解>

直方体BF₁Q₁D-AE₁H₁Dから三角柱FF₁Q-EE₁Pと三角柱GG₁Q-HH₁Pを除いた角柱と考える。



<参考>

下の図のような、四角柱BFQQ₁-AEP P₁と四角柱CGQQ₁-DHPP₁で合成された五角柱と考えると、測定しなければいけない長さが1か所多くなるので、題意に適さない。(先の4つの長さのほかに、BQ₁, AP₁, CQ₁, DP₁のいずれかが必要となる。)

